基于非对称冻胀破坏的大 U 形混凝土 衬砌渠道力学模型

张 茹^{1,2},王正中^{1,3},陈 涛¹,李甲林^{1,4},郭利霞¹

(1 西北农林科技大学 水利与建筑工程学院,陕西 杨凌 712100; 2 山西水利职业技术学院,山西 运域 044000;
 3 中国科学院 冻土工程重点实验室,甘肃 兰州 730000;4 甘肃省水利厅,甘肃 兰州 730000)

[摘 要]【目的】科学指导冻土地区大U形混凝土衬砌渠道的设计建设。【方法】针对大U形混凝土衬砌渠 道的冻胀机理和冻胀破坏特点,通过适当的假设,建立了大U形混凝土衬砌渠道非对称冻胀破坏的力学模型。【结 果】只需选取最大冻结力一个参变量,即可求解渠道衬砌板上的冻胀力,并结合混凝土板抗裂条件,给出内力、胀裂部 位、冻胀抗裂板厚及抗冻胀破坏验算等一系列计算方法。【结论】工程实例计算表明,该模型安全合理、简单实用,可 为大U形混凝土衬砌渠道防冻胀设计提供科学依据,并为建立其他形式的渠道冻胀破坏力学模型提供参考。

[关键词] 大 U 形渠道;混凝土衬砌;非对称冻胀破坏;力学模型 [中图分类号] TV91 [文献标识码] A [文章编号] 1671-9387(2008)11-0217-07

Establishment and application of mechanic models of dissymmetric frost heaving damage of U-shape canal with concrete lining

ZHANG Ru^{1,2}, WANG Zheng-zhong^{1,3}, CHEN Tao¹, LI Jia-lin^{1,4}, GUO Li-xia¹

(1 College of Water and Construction Engineering, Northwest A&F University, Yangling, Shaanxi 712100, China; 2 Shanxi Water Technical Professional College, Yuncheng, Shaanxi 044000, China; 3 State Key Laboratory of Frozen Soil Engineering, CAREERI, CAS, Lanzhou, Gansu 730000, China; 4 Gansu Water Conservancy Department, Lanzhou, Gansu 730000, China)

Abstract: [Objective] The study was done for scientific guidance of the canal building in frozen soil areas. [Method] In light of U-shape canal with concrete lining of frost heaving mechanism and damage characteristics, through the appropriate assumptions, a mechanic model of dissymmetric frost heaving damage of U-shape canal with concrete lining was established. [Result] A parameter of the greatest frost heaving force was chosen, then the frost heaving forces on lining plates was solved. By combining with concrete plates against cracking conditions, a series of calculation methods were given about the internal forces, cracking site, frost heaving against cracking thickness and anti-frost heaving damage checking. [Conclusion] The project shows that the model is reasonably safe, simple and practical, providing a scientific basis for the anti-frost heaving designed of U-shape canal with concrete lining and a reference for the establishment of the frost heaving damage mechanic models.

Key words: U-shape canal; concrete lining; dissymmetric frost heaving damage; mechanic model

^{* [}收稿日期] 2007-11-09

[[]基金项目] 国家冻土工程重点实验室基金项目(9901)

[[]作者简介] 张 茹(1974-),女,山西运城人,讲师,在职硕士,主要从事水工及建筑结构方面的研究。 E-mail;zhang-ru-163@163.com

[[]通讯作者] 王正中(1963-),男,陕西彬县人,教授,博士生导师,主要从事水工结构工程方面的研究。 E-mail;wangzz0910@yahoo.com.cn

U形渠道是我国 20 世纪 70 年代以来发展起来 的一种新型的渠道断面形式,具有水力条件好、占地 面积少等诸多优点。30多年来,不仅中小型U形渠 道已在全国广泛推广,而且大型 U 形渠(指设计流 量大于 20 m^3/s 的 U 形渠道^[1])在不少地区也得到 成功应用[2]。但在东北和华北、西北等冻土地区,渠 道冻胀破坏非常普遍,不仅直接制约着工程效益的 发挥,而且浪费了宝贵的水资源,如何防治衬砌渠道 的冻胀破坏成为一个非常现实的工程问题。目前, 渠道衬砌工程的设计主要依据水力学和各地工程的 实践经验及构造要求进行,缺乏统一合理的结构设 计理论与方法,从而导致冻土地区衬砌渠道因较大 冻胀力作用而使衬砌板裂缝、隆起及滑塌等破坏现 象非常普遍;但至今规范[3]中仍无可用于工程的计 算方法。尽管对于梯形渠道冻胀破坏的力学模型已 有成果[4-5],但对广泛应用的大 U 形渠道冻胀破坏 仍未见科学的设计方法。为此,本研究通过分析冻 土地区大 U 形混凝土衬砌渠道冻胀破坏的机理,建 立了其冻胀破坏的力学模型,以期为大U形及其他 形式的混凝土衬砌渠道抗冻胀设计提供参考。

 大 U 形衬砌渠道冻胀破坏的特征 及其原因分析

1.1 冻胀破坏的形式及特征

根据试验研究,梯形渠道由于坡脚处衬砌板的 相互约束及其对基土冻胀的约束,冻胀分布很不均 匀,邻近坡脚处的冻胀力较大,故在渠坡下部和渠底 中部易产生冻胀破坏;小型 U 形衬砌渠道刚度大, 整体性好,冻胀量分布均匀,承载能力较强,冻土消 融后能恢复原位,不易产生冻胀破坏[6-9]。与前二者 相比,大U形混凝土衬砌渠道虽也是U形,但由于 断面尺寸较大,各部位的坡向不同,日照强度不一, 加之土质、水分、风力等条件的差异,以及走向的不 同,因而各部位的日照及温度水分状况不同,冻结状 态也不同,表现为上部冻深较大,底部冻深较小,阴 坡冻深较大,阳坡冻深较小,渠坡底部冻胀量大于上 部,冻胀分布不均匀,冻胀方向是从渠侧向里而渠底 向上,因渠坡较陡,承受水平冻胀力的能力较弱,累 积残余冻胀变形较大,渠底的反拱作用也相对减弱, 所以容易产生冻胀破坏。其破坏特征是:(1)既具有 梯形渠道渠顶衬砌板受法向冻结力约束的特点,又 具有 U 形渠底与渠坡冻胀力分布较均匀的特点; (2)渠道衬砌变位值较大的部位出现在渠道底部和 阴坡,阳坡较小或没有,渠道发生整体微小的局部上 抬和朝向阳坡的微小位移及偏转,这与小U形渠道 相似;(3)与小U形渠道相比,衬砌整体刚度较小, 但与梯形渠道相比则其整体刚度较大,局部刚度较 小;(4)工程实践表明,沿渠道轴线方向,在阴坡直线 段与圆弧段相切处冻胀力较大的地方易形成冻胀裂 缝。

1.2 冻胀破坏的原因分析

大U形混凝土衬砌渠道冻胀破坏的根本原因, 一方面是衬砌结构刚度相对较小,抗拉及抗弯能力 较差;另一方面是衬砌结构向上位移和向阳坡偏转 的冻胀变形被渠床冻土约束,加之衬砌板之间的相 互约束,使弧底板成为压弯构件,渠坡直线段成为偏 心压弯构件,随着冻胀的加剧,渠顶的法向冻结力和 渠侧的切向冻结力逐步加大,使衬砌结构内产生了 较大的弯矩和拉应力,当阴坡渠顶的法向冻结力和 阳坡坡板的切向冻结力同时达到极限值时,衬砌板 的拉应力达到最大,衬砌结构发生冻胀破坏^[4,9-11]。

大U形混凝土衬砌渠道是在冻胀力、冻结力及 底板与坡板相互约束等作用下而发生破坏的,其机 理非常复杂,但这些力的大小及方向不是事先已知 的恒定值,而是相互依赖的,对于具体的结构,在达 到极限破坏状态时,冻胀力、冻结力和混凝土抗拉强 度是满足某种关系的。因此在建立力学模型时,要 依据以上所述冻胀特征、破坏原因及工程实践经验 作出恰当的假设和处理。

2 大 U 形混凝土衬砌渠道冻胀破坏 的力学模型

2.1 基本假设及简化

(1)达到极限破坏状态时,冻土及衬砌混凝土均 为线弹性材料,结构变形为小变形,可应用迭加原 理。

(2)渠床土冻结前已完成固结,不计未冻土的压缩效应。

(3)冻土的弹性模量远小于混凝土的弹性模量, 冻土不参与衬砌板的弯曲变形,只对衬砌板施加冻 胀力,并提供被动冻结约束。

(4)渠坡衬砌板顶部基土含水量达到起始冻结 含水量,或在低温下地下水能补给到渠顶处。

(5)单就渠坡段和渠底段而言,近似为单向冻结, 不考虑沿渠道断面周长方向几何形体突变的影响。

(6)法向冻胀力由法向冻胀量产生,在渠坡直线 段上线性分布,坡顶最小,坡底达到最大,阴阳两坡 的最大法向冻胀力不同,阴坡大而阳坡小,与两坡的 最低负温成比例;法向冻胀力在弧底板上沿弧长线 性分布。

(7)依据试验^[89]及数值模拟^[12]结果,假设坡板 顶部与基土牢固冻结成一体,在该处法向冻结力达 到最大值,切向冻结力为零;渠坡板直线段与圆弧段 相切处的切向冻结力达到最大值,坡板上的切向冻 结力沿坡长线性分布,弧底切向冻结力为零。该切 向分布冻结力由使渠槽上抬的法向冻胀力产生并与 其平衡(冻胀力为主动力而冻结力为被动力)。

(8)渠道阴坡坡顶的最大法向冻结力与阳坡坡 板的最大切向冻结力同时达到极限状态^[13](指渠道 不出现裂缝的正常使用极限状态),数值相等。

(9)整个大U形混凝土的衬砌结构可简化为由 坡顶法向冻结力提供约束,承受分布法向冻胀力和 切向冻胀力作用的整体拱形薄壳结构。

(10)大U形混凝土衬砌结构属薄壳结构,在内 力计算时不考虑坡板自重的影响。

2.2 结构计算简图

根据前面基本假设及简化分析,设沿坡板直线

段线性分布的法向冻胀力最大值在阴坡为 q_0 ,在阳 坡为 q_0' ,在弧底段从 q_0 到 $q_0'沿弧长线性分布;阴$ $坡坡顶最大法向冻结力为 <math>q_i$,阳坡坡顶的法向冻结 力为 q_i' ;沿阳坡坡板直线段线性分布的最大切向冻 结力为 τ_0' ,阴坡为 τ_0 ,弧底切向冻结力为零,两侧沿 弧长线性分布。

大U形渠道断面如图1所示。取单位长度槽 壳进行研究,其具体冻胀受力如图2所示。







Normal frost heaving forces





Fig. 2 Frost heaving forces diagram of U-shape lining plates

- 3 大U形混凝土衬砌渠道冻胀破坏 力学模型的求解
- 3.1 渠道在冻胀破坏作用下达到极限平衡状态时 $q_0 \ q_t' n \tau_0$ 的计算

根据静力平衡条件^[14],由图 2 建立平衡方程, 有:

$$\Sigma X = 0 \Rightarrow \frac{l}{2} q_{t} - \frac{l'}{2} q_{t}' + \frac{L - l'}{2} q_{0}' - \frac{L - l}{2} q_{0} + (q_{0}' - q_{0}) A + (\tau_{0}' - \tau_{0}) C = 0; \quad (1)$$

$$\Sigma Y = 0 \Rightarrow -\frac{l}{2} q_{t} - \frac{l'}{2} q_{t}' + \frac{L - l'}{2} q_{0}' - \frac{L - l}{2} q_{0} + (q_{0} + q_{0}') D - (\tau_{0}' - \tau_{0}) E = 0; \quad (2)$$

$$\Sigma M = 0 \Rightarrow \frac{l'(3L-l')}{6} q_t' - \frac{l(3L-l)}{6} q_t + \frac{(L-l)^2}{6} q_0 - \frac{(L-l')^2}{6} q_0' + (\tau_0' - \tau_0) F = 0.$$
(3)

式中: ΣX 为各力在水平方向投影的代数和; ΣY 为 各力在竖直方向投影的代数和; ΣM 为各力对 U 形 渠弧底板圆心之矩的代数和;L 为渠坡直线段长度; l 和 l'由冻结力和冻胀力大小按几何比例计算,冻胀 力确定后方可确定;

$$A = R(\frac{1}{\theta} - \frac{1}{\tan\theta}); C = \frac{L}{2\tan\theta} + \frac{R}{\theta}(\theta - \frac{1}{\sin\theta} + \frac{1}{\tan\theta});$$

$$D = R\tan\theta; E = \frac{L\tan\theta}{2} + R(\frac{\tan\theta}{\theta} - 1); F = \frac{LR}{2} + \frac{R^2\theta}{2};$$

$$R 为圆弧半径; \theta 为二分之一圆心角.$$

根据前面的假设条件, q_0 和 q_0' 与阴阳两坡的最低负温有关,其比例关系为:

$$\frac{q_0'}{q_0} = \frac{t'}{t} = n_{\circ} \tag{4}$$

联解以上 3 个方程,即可得到 q_0 、 q_t' 和 τ_0 的解,进一步可计算结构的内力。

3.2 **衬砌结构内力的计算**^[15]

(1)渠坡直线段内力。阴、阳坡板取坐标原点在 坡顶处,以单位板长为研究对象,则阴坡板轴力最大 值为:

$$N_{\rm max} = N_L = \frac{\tau_0 L}{2}$$
 (x=L). (5)

式中: N_{max} 为阴坡板轴力最大值, N_L 为阴坡板x = L处的轴力。

阴坡板剪力最大值为:

$$Q_{\max} = \frac{q_l l}{2} \qquad (x = l)_{\circ} \tag{6}$$

阴坡板弯矩最大值为:

$$M_{\max} = M_{L} = \frac{q_{0}(L-l)^{2}}{6} - \frac{q_{l}l(3L-l)}{6} - \frac{\tau_{0}bL}{4}$$

$$(x=L)_{\circ}$$
(7)

式中: M_{max} 为阴坡板弯矩最大值, M_L 为阴坡板x = L处的弯矩。

阳坡板轴力最大值为:

$$N'_{\rm max} = N_L' = \frac{\tau_0'L}{2} (x=L)_{\circ}$$
 (8)

式中: N'_{max} 为阳坡板轴力最大值, N_L '为阳坡板 x = L处的轴力。

阳坡板剪力最大值为:

$$Q'_{\max} = -\frac{q_t'l'}{2} \quad (x = l')_{\circ}$$
 (9)

阳坡板弯矩最大值为:

$$M_{\text{max}}' = M_{L}' = \frac{q_{0}'(L-l')^{2}}{6} - \frac{q_{t}'l'(3L-l')}{6} - \frac{\tau_{0}'bL}{4} \quad (x=L) \,.$$
(10)

式中: M'_{max} 为阳坡板弯矩最大值, M_L' 为阳坡板 x = L 处的弯矩。

(2)圆弧底板的内力。以弧底顶点为起点,设任 一圆心角 $\beta(0 \le \beta \le \theta)$,取($\theta - \beta$)段的圆弧底板为脱 离体,有:

阴坡弧底板轴力为:

$$N_{\beta} = -Q_{L}\sin(\theta - \beta) + N_{L}\cos(\theta - \beta) + N_{\tau} + N_{q}$$
$$(0 \leq \beta \leq \theta)_{\circ} \qquad (11)$$

式中:N_a和N_a分别为阴坡弧底板切向冻结力和法 向冻胀力产生的轴力,有:

$$N_{\tau} = \frac{\tau_0 R}{\theta} [\theta \sin(\theta - \beta) + \cos(\theta - \beta) - 1]; \quad (12)$$

$$N_q = \frac{q_0 + q_0'}{2} R [1 - \cos(\theta - \beta)] +$$

$$\frac{q_0 - q_0'}{2\theta} R [-\theta \cos(\theta - \beta) + \sin(\theta - \beta) + \beta]. \quad (13)$$
阴坡弧底板弯矩为:

$$M_{\beta} = M_L - M_N - M_Q - M_{\tau} + M_q \quad (0 \leq \beta \leq \theta) .$$

$$(14)$$

式中: M_N 和 M_Q 分别为阴坡板x = L处的剪力和轴 力产生的弯矩, M_r 和 M_q 分别为阴坡弧底板切向冻 结力和法向冻胀力产生的弯矩;有:

$$M_{N} = N_{L}R[1 - \cos(\theta - \beta)]; \qquad (15)$$

$$M_Q = Q_L R \sin(\theta - \beta) \,, \tag{16}$$

$$M_{\tau} = \frac{\tau_0 R^2}{\theta} \left[\frac{\theta^2 - \beta^2}{2} - \theta \sin(\theta - \beta) - \cos(\theta - \beta) + 1 \right];$$
(17)

$$M_{q} = \frac{q_{0} + q_{0}'}{2} R^{2} [1 - \cos(\theta - \beta)] + \frac{q_{0} - q_{0}'}{2\theta} R^{2} [\beta + \sin(\theta - \beta) - \theta \cos(\theta - \beta)]_{\circ}$$
(18)

阳坡弧底板轴力为:

$$N_{\beta}' = Q_{L}' \sin(\theta - \beta) + N_{L}' \cos(\theta - \beta) + N_{\tau}' + N_{q}' \quad (0 \le \beta \le \theta) \,. \tag{19}$$

式中:N_e[']和N_a[']分别为阳坡弧底板切向冻结力和法向冻胀力产生的轴力,有:

$$N_{\tau}' = \frac{\tau_0' R}{\theta} [\theta \sin(\theta - \beta) + \cos(\theta - \beta) - 1]; \quad (20)$$
$$N_q' = \frac{q_0 + q_0'}{2} R [1 - \cos(\theta - \beta)] - \frac{q_0 - q_0'}{2} R [-\theta \cos(\theta - \beta) + \sin(\theta - \beta) + \beta]_{\circ} \quad (21)$$

阳坡弧底板弯矩为:

$$M_{\beta}' = M_{L}' - M_{N}' + M_{Q}' - M_{\tau}' + M_{q}' \quad (0 \le \beta \le \theta) .$$
(22)

式中: $M_N' n M_Q' 分别为阳坡板 x = L 处的剪力和轴$ $力产生的弯矩,<math>M_{\tau}' n M_q' 分别为阳坡弧底板切向$ 冻结力和法向冻胀力产生的弯矩;有:

$$M_N' = N_L' R [1 - \cos(\theta - \beta)]; \qquad (23)$$

$$M_Q' = Q_L' R \sin(\theta - \beta) \,, \qquad (24)$$

$$M_{\tau}' = \frac{\tau_0' R^2}{\theta} \left[\frac{\theta^2 - \beta^2}{2} - \theta \sin(\theta - \beta) - \cos(\theta - \beta) + 1 \right];$$
(25)

$$M_{q}' = \frac{q_{0} + q_{0}'}{2} R^{2} [1 - \cos(\theta - \beta)] - \frac{q_{0} - q_{0}'}{2\theta} R^{2} [\beta + \sin(\theta - \beta) - \theta \cos(\theta - \beta)]. \quad (26)$$

衬砌板内力分布规律如图 3 所示。



图 3 衬砌板内力分布图

Fig. 3 Internal forces diagram of lining plates

3.3 衬砌板厚度的验算

一般剪力不会导致衬砌板胀裂破坏,混凝土衬 砌板的胀裂与否,取决于衬砌板弯矩最大部位的最 大拉应变是否超过其允许拉应变^[16]。

(1)渠坡直线段。渠坡直线段属偏压组合变形问题,最大拉应力在最大弯矩所在位置,即阴坡板的最大弯矩部位,当该处的板厚 b 满足抗裂要求时,则 渠坡直线段其他部位亦满足抗裂要求。阴坡最大弯 矩部位在直线段与弧底相切处(*x*=*L*),此处的弯矩 和轴力为:

$$M_{L} = \frac{q_{0}(L-l)^{2}}{6} - \frac{q_{l}l(3L-l)}{6} - \frac{\tau_{0}bL}{4}; \quad (27)$$

$$N_L = \frac{\tau_0 L}{2} \,. \tag{28}$$

最大拉应力为:

$$\sigma^{-} = \frac{6M_L}{b^2} - \frac{N_L}{b} \,. \tag{29}$$

验算抗裂条件为:

$$\frac{\sigma^-}{E_c} \leqslant \epsilon_l \,. \tag{30}$$

工程中如不满足抗裂要求,就应采取冻胀破坏的防治措施。

(2)弧底板。衬砌结构弧底板属压弯组合变形 问题,弯矩最大的部位在阴坡靠近直线段处,具体位 置应通过计算来确定。

最大拉应力为:

$$\sigma^{-} = \frac{6M_{\max}}{b^2} - \frac{N_{\beta}}{b} \,. \tag{31}$$

验算抗裂条件为:

$$\frac{\sigma^{-}}{E_c} \leqslant \varepsilon_l \, . \tag{32}$$

同理,工程中如不满足抗裂要求,就应采取冻胀

破坏的防治措施。

实际上,混凝土衬砌渠道冻胀过程是动态的,即 渠床基土是在刚性混凝土衬砌的约束下产生冻结力 和冻胀力的,这种冻胀受衬砌结构的约束和抑制,会 使法向冻胀量降低。因此,以上按弹性理论及迭加 法所求得的法向冻胀力显然是偏大偏安全的。

4 应用举例

有关最大法向冻结力 q_t 和切向冻结力 τ₀'的计 算,不仅与土壤特性、土壤水分含量和地下水的补给 有关,而且与温度状况有关,其取值可根据当地水文 气象及地质情况具体确定,在无资料情况下对一20 ℃以内的负温,可按以下经验公式计算^[17]:

$$q_t = \tau_0' = c + mt_o \tag{33}$$

式中:t为负温的绝对值;c、m为与土质有关的系数, 其中 $c=0.3\sim0.6$ kPa, $m=0.4\sim1.5$ kPa/C;土壤 粘粒含量越大、冻结速率越快、有地下水补给、土壤 含水率越大时,c、m取值越大。

例:宝鸡峡塬下北干渠大 U 形混凝土衬砌渠道 的渠深 H=3.77 m,渠口宽 B=6.9 m,弧底半径 R=3.0 m,圆心角 $2\theta=141.3^{\circ}$,渠坡直线段倾角 $\alpha=$ 19.35°,衬砌板厚 b=0.1 m,采用喷射混凝土施工, 强度为 C20。渠床土壤为中壤土,按当地年降雨量, 渠堤土壤含水量达到初始冻结含水量,地下水位埋 深在 20 m 以下,阴坡冻土层的最低温度 t=-15C,阳坡冻土层的最低温度 t'=-12 C,判断该衬 砌结构是否会发生冻胀破坏及可能胀裂的部位。

(1)由题目已知条件可求出 C20 混凝土的弹性 模量及极限拉应变,据参考文献[16]附录二表 2 可 得: $E_c=2.6\times10^4$ MPa, $\epsilon_1=1\times10^{-4}$ 。 (2)计算最大冻结力。取 *c*=0.4 kPa,*m*=0.4 kPa/℃,则有:

 $q_t = \tau_0' = c + mt = 0.4 + 0.4 \times 15 = 6.4 \text{ kPa}_{\circ}$

(3)求解各冻胀作用力。联解式(1)、(2)、(3)3 个平衡方程,可得 $q_0 = 5.43$ kPa, $q_0' = 4.34$ kPa, $\tau_0 = 6.16$ kPa, $q_t' = 4.12$ kPa。

计算所得的阴阳两坡冻胀力数值不相同,这与 阴阳两坡的温度状况不同有关,符合实际情况。

(4)求解各内力。在阴坡直坡段 x=L 处, $N_L=$ 5.76 kN, $M_L=-4.52$ (kN•m)/m(内侧拉)。

经计算,最大弯矩在阴坡弧形板 $\beta = 65^{\circ}$ 处,有 $N_{\beta} = 7.41 \text{ kN}, M_{\text{max}} = -4.67 (\text{kN} \cdot \text{m})/\text{m}(内侧 拉)。$

在阴坡弧形板 $\beta = 45^{\circ}$ 处,有 $N_{45^{\circ}} = 12.91$ kN, $M_{45^{\circ}} = -3.35$ (kN•m)/m(内侧拉)。

在弧底 $\beta = 0$ 处,有 $N_0 = 18.97$ kN, $M_0 = 0.99$ (kN•m)/m(外侧拉)。

在阳坡直坡段 x = L 处,有 $N_L' = 5.98$ kN, $M_L' = -2.89$ (kN・m)/m(外侧拉)。

可见,渠道的弯矩较大部位在阴坡直线段与弧 底相切处附近稍偏下,此处轴力数值又较小,容易破 坏,弧底内侧受压,不易开裂,反拱作用明显。

(5)判断衬砌结构冻胀破坏及胀裂部位。在阴 坡弧形板 β=65°处弯矩最大,是最危险断面,其拉应 力及应变为:

$$\sigma^{-} = \frac{6M_{\text{max}}}{b^{2}} - \frac{N_{\beta}}{6} = 2 \ 727 \text{ kPa};$$
$$\varepsilon_{l} = \frac{\sigma^{-}}{E_{c}} = \frac{2 \ 727}{2.6 \times 10^{7}} = 1.05 \times 10^{-4}.$$

而衬砌板的极限拉应变为1×10⁻⁴,计算结果稍偏 大,可以判断该渠道在冻胀作用下,阴坡弧形板β= 65°处会出现微小的裂缝,建议工程中对该渠道进行 适当的加强处理,即可达到安全目的。实际上,该工 程施工时就已对渠道采取了加肋处理,运行二十几 年来情况一直良好。

5 结 论

1)通过以上分析,本研究建立了大U形混凝土 衬砌冻胀破坏的力学模型,据此结合有关几何、物 理、力学参数及指标就可以进行衬砌结构的设计,主 要包括最大法向冻胀力计算公式、最大弯矩计算公 式、渠坡板及弧底板抗裂计算公式等,而且各计算公 式与复杂的冻土物理力学指标没有直接关系,仅仅 与最大冻结力有关。这样,就可避免通过大量复杂 的室内外试验确定冻土的各种物理、力学指标。实际上冻土的各种物理力学指标的变异性、随机性很大,这使以往建立在经验基础上的盲目设计很难达到科学合理的要求。而本文所提出的计算方法,只要根据有关冻土土质、水分及温度状况确定最大冻结力,再结合渠道几何要素及衬砌材料的力学指标,就能计算出各控制内力及应力,并能判断是否发生胀裂及破坏,从而使这一复杂问题简单化、定量化。

2)最大冻结力越大,求得的法向冻胀力就越大, 混凝土衬砌板越易发生胀裂,这其中综合包含了负 温、土质、水分等状况的影响。温度越低、地下水位 越高、土壤粘性越大,衬砌板越易发生冻胀破坏。

3)衬砌结构的弯矩分布特点是:在阴坡直线段 和圆弧段切点附近弯矩值较大,这与工程实际中出 现的裂缝位置吻合^[2];弧底段的弯矩内压外拉,说明 圆弧形底部的刚性衬砌层内受压应力作用不易开 裂,较梯形渠道受力条件好。

4)渠道越深,半径越小,法向冻胀力就越大,渠 道侧壁承受的拉应力也就越大,与小U形相比整体 性差。因此,在一定的过流量下,应尽量采用宽浅断 面,采用较大的半径,降低直线段高度,来增加圆弧 部分的刚度,改善结构受力条件,同时使圆心以上水 深减小,水力条件更趋最佳水力断面,并且有利于边 坡稳定且便于施工脱模。

本研究所建力学模型,冻胀力大小主要考虑了 基土温度、土质等因素,未考虑衬砌体刚度的影响, 实际上衬砌体变形的刚度越大,冻胀力就越大,反之 越小;计算选取最大冻结力1个参变量,便于操作, 且计算结果与实际基本吻合,有一定的实用性。但 关于最大冻结力的取值,还需要进行详细的室内外 研究。

[参考文献]

- [1] 中华人民共和国水利部.渠道防渗工程技术规范 SL18-2004
 [S].北京:中国水利水电出版社,2004:182-183.
 The Ministry of Water Resources of the People's Republic of China. Technique specification for seepage prevention engineering on canal SL18-2004 [S]. Beijing: China Waterpower Press, 2004:182-183. (in Chinese)
- [2] 山西省渠道防渗工程技术手册编委会.山西省渠道防渗工程技术手册[M].太原:山西科学技术出版社,2003:219-248.
 Editorial Committee of Manual for Engineering Technique of Seepage Prevention on Canal of Shanxi Province. Manual for engineering technique of seepage prevention on canal of Shanxi province [M]. Taiyuan: Shanxi Science and Technology Press, 2003:219-248. (in Chinese)

[3] 中华人民共和国水利部. 渠系工程抗冻胀设计规范 SL23-2006 [S]. 北京:中国水利水电出版社,2006:15-17.

The Ministry of Water Resources of the People's Republic of China. Design code for anti-frost-heave of canal and its structure SL23-2006 [S]. Beijing; China Waterpower Press, 2006; 15-17. (in Chinese)

[4] 王正中.梯形渠道混凝土衬砌冻胀破坏的力学模型研究 [J]. 农业工程学报,2004,20(3):24-29.

Wang Z Z. Establishment and application of mechanics models of frost heaving damage of concrete lining trapezoidal open canal [J]. Transaction of the Chinese Society of Agricultural Emgineering, 2004, 20(3):24-29. (in Chinese)

[5] 陈 涛. 混凝土衬砌渠道冻胀破坏力学模型及应用 [D]. 陕西 杨凌: 西北农林科技大学, 2004.

Chen T. Establishment and application of mechanics models of frost heaving damage of concrete lining open canal [D]. Yangling, Shannxi: Northwest Sci-Tech University of Agriculture and Forestry, 2004. (in Chinese)

[6] 陈 涛,王正中,张爱军.大 U 形渠道冻胀机理试验研究 [J]. 灌溉排水学报,2006,25(2):8-11.

Chen T, Wang Z Z, Zhang A J. The test for frost heaving damage mechanism in U-shape channel [J]. Journal of Irrigation and Drainage, 2006, 25(2);8-11. (in Chinese)

- [7] 李学军,费良军,穆红文.U形衬砌渠道冻胀机理与防渗技术研究[J].干旱地区农业研究,2006,24(3):194-199.
 Li X J,Fei L J,Mu H W. The study of frost-heave mechanism and seepage technical control on U canal [J]. Agricultural Research in the Arid Areas,2006,24(3):194-199. (in Chinese)
- [8] 李安国,陈瑞杰,杜应吉,等. 渠道冻胀模拟试验及衬砌结构受 力分析 [J]. 防渗技术,2000,6(1):5-16. Li A G,Chen R J,Du Y J,et al. The stimulation test of frost heaving for canal with concrete lining and mechanical analysis [J]. Technique of Seepage Control,2000,6(1):5-16. (in Chinese)
- [9] 李安国.大U形混凝土渠道的冻结、冻胀及冻胀力[C]//第三 届全国冻土学术会议组委会.第三届全国冻土学术会议论文 集.北京:科学出版社,1989:314-322.

Li A G. Freeze, heave and frost heaving force of U-shape canal with concrete lining [C]// The Third Session Nation Academic Conference Organization Committee. Collection of the third session nation academic conference. Beijing: Science Press, 1989:314-322. (in Chinese)

[10] 王俊发,马 旭,周海波.混凝土衬砌渠道冻胀破坏的机理及

力学分析 [J]. 佳木斯大学学报:自然科学版,2006,24 (2): 308-311.

Wang J F, Ma X, Zhou H B. The failure mechanism of canal lining caused by frozen and its mechanical analysis [J]. Journal of Jiamusi University: Natural Science Edition, 2006, 24 (2):308-311. (in Chinese)

- [11] 王 庆,陈燕华. 寒区混凝土衬砌冻害的受力分析与板厚计算
 [J]. 中国农村水利水电,2003(11):67-68.
 Wang Q, Chen Y H. Stress analysis and computation of concrete lining plates in cold areas [J]. China Rural Water and Hydropower, 2003(11):67-68. (in Chinese)
- [12] 张 茹.大U形混凝土衬砌渠道冻胀破坏力学模型及数值模 拟[D].陕西杨凌:西北农林科技大学,2007. Zhang R. Establishment of mechanics models and numerical stimulation of frost heaving damage of U-shape canal with concrete lining [D]. Yangling, Shannxi: Northwest A&F University,2007. (in Chinese)
- [13] 中华人民共和国建设部. 混凝土结构设计规范 GB50010-2002
 [S]. 北京:中国建筑工业出版社,2002:15-16.
 The Ministry of Construction of the People's Republic of China. Code for design of concrete structures GB50010-2002 [S].
 Beijing: China Building Industry Press, 2002:15-16. (in Chinese)
- [14] 李舒瑶,赵云翔.工程力学[M].郑州:黄河水利出版社, 2002:31-50.
 Li S Y, Zhao Y X. Engineering Mechanics [M]. Zhengzhou: Yellow River Conservation Press, 2002:31-50. (in Chinese)
- [15] 张大伦,李宗珞.材料力学:上册 [M].上海:同济大学出版 社,1987:203-246.
 Zhang D L, Li Z R. Materials of mechanics: Volume one [M]. Shanghai: Tongji University Press, 1987: 203-246. (in Chinese)
- [16] 河海大学,大连理工大学,西安理工大学,等.水工钢筋混凝土 结构学 [M].3版.北京:中国水利电力出版社,1996:158-182.

Hehai University, Dalian University of Technology, Xi'an University of Technology, et al. Reinforced concrete structures of water conservancy project [M]. The Third Edition. Beijing: China Waterpower Press, 1996:158-182. (in Chinese)

[17] HA崔托维奇. 冻土力学[M]. 北京:科学出版社, 1985: 25-28.

> H A Cuitovey чудесное. Frozen Soil Mechanics [M]. Beijing: Science Press, 1985; 25-28. (in Chinese)